

REPASO PARCIAL 2

Thursday, April 21, 2022 2:31 PM

$$\Pi_i = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n e_j - \frac{e_i}{2}$$

a) $\frac{\partial \Pi_i}{\partial e_i} = \frac{1}{n} - e_i = 0$
 $\Rightarrow e_i^* = \frac{1}{n}$
 $\frac{\partial \Pi}{\partial n} = -\frac{1}{n^2}$

b) GANANCIAS^{*} = $\sum_{j=1}^n e_j^* = \sum_{j=1}^n \frac{1}{n} = n \cdot \frac{1}{n} = 1$

c) $\begin{cases} \text{MAX} & U_1 \\ \text{s.a.} & U_2 \geq \bar{U}_2 \\ & \vdots \\ & U_n \geq \bar{U}_n \\ & e_1, \dots, e_n \geq 0 \end{cases}$

d) $\mathcal{L} = U_1 + \lambda_2 (U_2 - \bar{U}_2) + \dots + \lambda_n (U_n - \bar{U}_n)$

$$\mathcal{L} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n e_j - \frac{e_1}{2} + \lambda_2 \left(\frac{1}{n} \sum_{j=1}^n e_j - \frac{e_2}{2} - \bar{U}_2 \right) + \dots + \lambda_n \left(\frac{1}{n} \sum_{j=1}^n e_j - \frac{e_n}{2} - \bar{U}_n \right)$$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial e_1} = \frac{1}{n} - e_1 + \lambda_2 \left(\frac{1}{n} \right) + \dots + \lambda_n \left(\frac{1}{n} \right) = 0$$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial e_2} = \frac{1}{n} + \lambda_2 \left(\frac{1}{n} - e_2 \right) + \lambda_3 \left(\frac{1}{n} \right) + \dots + \lambda_n \left(\frac{1}{n} \right) = 0$$

$e_i = e_2$

$$\frac{1}{n} - e + \lambda_2 \left(\frac{1}{n} \right) + \dots + \lambda_n \left(\frac{1}{n} \right) = \frac{1}{n} + \lambda_2 \left(\frac{1}{n} - e \right) + \dots + \lambda_n \left(\frac{1}{n} \right)$$

$$-e + \lambda_2 \left(\frac{1}{n} \right) = \lambda_2 \left(\frac{1}{n} \right) - \lambda_2 e$$

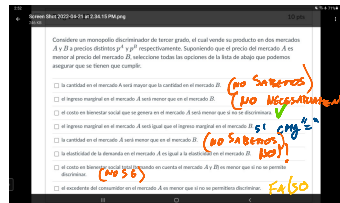
$$-e = -\lambda_2 e$$

$$\boxed{\lambda_2 = 1} \Rightarrow \lambda_2 = 1 = \lambda_3 = \dots = \lambda_n$$

$$\Rightarrow \frac{1}{n} - e + \underbrace{\left(\frac{1}{n} \right) + \left(\frac{1}{n} \right) + \dots + \left(\frac{1}{n} \right)}_{(n-1)} = 0$$

$$1 - e = 0$$

$$\boxed{e^{o.p} = 1}$$



$P^A < P^B$
 $\Pi = P_A(q_A)q_A + P_B(q_B)q_B - C(q_A + q_B)$
 $\frac{\partial \Pi}{\partial q_A} = \left(\frac{\partial P_A}{\partial q_A} q_A + P_A \right) - \frac{\partial C}{\partial q_A} = 0 \rightarrow \frac{\partial P_A}{\partial q_A} q_A + P_A = \frac{\partial C}{\partial q_A} \Rightarrow$
 $\frac{\partial \Pi}{\partial q_B} = \left(\frac{\partial P_B}{\partial q_B} q_B + P_B \right) - \frac{\partial C}{\partial q_B} = 0$

$$q_A = \frac{\frac{\partial C}{\partial q_A} - P_A}{\frac{\partial P_A}{\partial q_A}}$$

$$q_B = \frac{\frac{\partial C}{\partial q_B} - P_B}{\frac{\partial P_B}{\partial q_B}}$$

$$P_A \left(\frac{\partial P_A}{\partial q_A} q_A + 1 \right) = \frac{\partial C}{\partial q_A} = P_A \left(\frac{1}{\epsilon_A} + 1 \right)$$

$$P_B \left(\frac{\partial P_B}{\partial q_B} q_B + 1 \right) = \frac{\partial C}{\partial q_B} = P_B \left(\frac{1}{\epsilon_B} + 1 \right)$$

$P_A < P_B \Rightarrow$



Segunda Parte
Preguntas Alternativas

Únicamente se tomará en cuenta la respuesta escrita en el espacio abajo de la pregunta correspondiente.

1. (10 puntos) En un pueblo vive 2 granjeros A y B, cada uno tiene que decidir cuántas vacas criar. Sea g_A el número de vacas del granjero A y g_B el número de vacas del granjero B. Cada vaca produce $2g_A + g_B$ litros de leche por día. Para alimentar las vacas los granjeros A y B tienen un campo del tamaño que tienen disponible, el valor de la leche que obtienen de la vaca depende de que las vacas comen, si hay pocas vacas en el pastizal comen mucho y pueden vender la leche a un valor alto, mientras que si hay muchas vacas en el pastizal comen poco y pueden vender la leche a un valor bajo. Sea $g_A + g_B = 100$ el número de vacas que se obtiene de cada vaca si había un total de C vacas en el pastizal, de forma que el pago para el granjero A es $2g_A + g_B$ veces y el otro granjero B veces es $g_A + 2g_B$.

2. (15 puntos) Encuentre el equilibrio de Nash mixto (tal que $g_A = g_B$) de este juego.

3. (10 puntos) Escriba el problema para encontrar todas las cantidades (g_A, g_B) de vacas eficientes en el sentido de Pareto y las cantidades de primer orden (en este sentido) que respalda que las cantidades son mixtas en dicho sentido g_A y g_B .

4. (5 puntos) Encuentre el perfil mixto (tal que $g_A = g_B$) eficiente en el sentido de Pareto y compare la cantidad total de vacas en esta asignación eficiente con la cantidad total de vacas en el equilibrio (mixto) del juego.

j	k	l
(5,10)	(10,15)	(5,0)
(0,20)	(5,5)	(10,25)

$0 - (g_A + g_B)^2 - 100 = 0$

$g_C = g - i = g^*$
 $2z(2g^*)g^* + (300 - (2g^*))^2 - 100 = 0$
 $-4g^2 + 300 - 4g^2 - 100 = 0$
 $800 = 8g^2$
 $100 = g^2$
 $g^* = 10$

$FN = (g_A = 10, g_B = 0)$

(b) MAX g_A, g_B $\left[300 - (g_A + g_B)^2 \right] g_A - 100g_A$ s.t. $\left[300 - (g_A + g_B)^2 \right] g_B - 100g_B \geq 0$

$\frac{\partial y}{\partial g_A} = -2(g_A + g_B)g_A + 300 - (g_A + g_B)^2 - 100 + \lambda(g_B(-2(g_A + g_B))) = 0$

$\frac{\partial y}{\partial g_B} = g_A(-2(g_A + g_B)) + \lambda[-2(g_A + g_B)g_B + 300 - (g_A + g_B)^2 - 100] = 0$

(c) $q_A = q_B = q^{OP}$

© $g_A = g_B = g^{OP}$

$$\rightarrow -2(2g)g + 900 - (2g)^2 - 100 + \lambda(g(-2)(2g)) = 0$$

$$g(-2)(2g) + \lambda(-2(2g)g + 900 - (2g)^2 - 100) = 0$$

$$\frac{-4g^2 + 900 - 4g^2 - 100}{-4g^2} \quad \leftarrow \quad \frac{-4g^2}{-4g^2 + 900 - 4g^2 - 100}$$

$$(-8g^2 + 800)^2 = (-4g^2)^2$$

$$-8g^2 + 800 = -4g^2$$

$$800 = 4g^2$$

$$200 = g^2$$

$$g = \sqrt{200}$$

MINIMO

S K L

$$\begin{cases} -8g^2 + 800 = -4g^2 \\ -8g^2 + 800 = 4g^2 \end{cases}$$

$$800 = 12g^2$$

$$\sqrt{\frac{800}{12}} = g^*$$

MAXIMO

a) $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix} \checkmark$

	S	K	L
A	5,10	10,15	5,0
B	0,20	5,5	10,25

b) $(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$, $(\frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2})$ X

c) $(\frac{3}{7}, \frac{4}{7})$, $(0, \frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ X

d) TODAS

a) $MV_B(\sigma_1 = (\frac{1}{3}, \frac{2}{3})) \geq 0$

$$U_2(\sigma_1, S) = 10(\frac{1}{3}) + 20(\frac{2}{3}) = \frac{50}{3}$$

$$U_2(\sigma_1, K) = 15(\frac{1}{3}) + 5(\frac{2}{3}) = \frac{25}{3}$$

$$U_2(\sigma_1, L) = 0(\frac{1}{3}) + 25(\frac{2}{3}) = \frac{50}{3}$$

$MV_A(\sigma_2 = (\frac{1}{2}, 0, \frac{1}{2})) \geq 0$

$$U_1(A, \sigma_2) = 5(\frac{1}{2}) + 5(\frac{1}{2}) = 5$$

$$U_1(B, \sigma_2) = 0(\frac{1}{2}) + 10(\frac{1}{2}) = 5$$

b) $MV_2(\sigma_1 = (\frac{1}{2}, \frac{1}{2}))$

$$U_2(\sigma_1, S) = 10\frac{1}{2} + 20\frac{1}{2} = \frac{30}{2}$$

$$U_2(\sigma_1, K) = 15\frac{1}{2} + 5(\frac{1}{2}) = \frac{20}{2}$$

$$U_2(\sigma_1, L) = 0\frac{1}{2} + 25(\frac{1}{2}) = \frac{25}{2}$$

c) $MV_2(\sigma_1 = (\frac{3}{7}, \frac{4}{7}))$

$$U_2(\sigma_1, S) = 10(\frac{3}{7}) + 20(\frac{4}{7}) = \frac{110}{7}$$

$$U_2(\sigma_1, K) = 15(\frac{3}{7}) + 5(\frac{4}{7}) = \frac{65}{7}$$

$$U_2(\sigma_1, L) = 0\frac{3}{7} + 25(\frac{4}{7}) = \frac{100}{7}$$